

ФИО \_\_\_\_\_

1А	2А	3А	4А	5А	6А	Оценка

группа \_\_\_\_\_

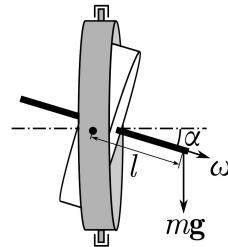
1 зад.	2 зад.	Σ баллов

Подпись преп. \_\_\_\_\_

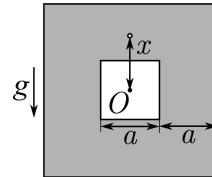
**ЭКЗАМЕНАЦИОННАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА**  
**ПО МЕХАНИКЕ**  
24 декабря 2019 г.

Вариант А

- 1А.** (1,5) К оси лабораторного гироскопа, закреплённого на кардановом подвесе в центре масс, подвешен груз массой  $m = 306$  г на расстоянии  $\ell = 120$  мм от центра. За один оборот регулярной прецессии исходно горизонтальная ось гироскопа опустилась на  $\Delta\alpha = 10^\circ$ . Определите величину момента силы трения в вертикальной оси крепления подвеса.



- 2А.** (1,5) Однородная плоская квадратная рамка со сторонами внутреннего и внешнего квадратов  $a$  и  $b = 3a$  висит на тонком гвоздике (см. рис.). На каком расстоянии  $x$  от центра масс  $O$  подвешена рамка, если период её колебаний на гвоздике минимален?



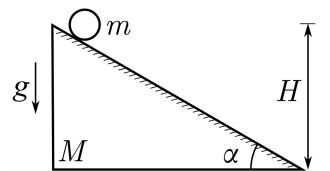
- 3А.** (2) При частотах синусоидальной вынуждающей силы  $f_1 = 120$  Гц и  $f_2 = 480$  Гц, приложенной к маятнику с вязким трением, амплитуды скоростей вынужденных малых колебаний одинаковы. Полагая амплитуду вынуждающей силы неизменной, найдите частоту  $f_0$ , соответствующую максимуму амплитуды скорости (резонансу скоростей).

- 4А.** (2) На Большом адронном коллайдере ядра свинца-208 во встречных пучках имеют в системе их центра инерции кинетическую энергию  $K = 2,8$  ТэВ на нуклон (протон или нейtron). Найти продольный размер одного из ядер в системе отсчёта другого. Покоящееся ядро имеет форму шара радиусом  $r \approx 7 \cdot 10^{-15}$  м. Массу нуклона внутри ядра принять равной  $m = 0,93$  ГэВ/ $c^2$ .

- 5А.** (2) К лёгкому резиновому шнуру с сечением  $S_0 = 5$  мм<sup>2</sup> подвесили груз массой  $m_1 = 0,2$  кг, так что длина шнура увеличилась в полтора раза:  $L_1 = 1,5L_0$ . Найдите модуль Юнга резины  $E$  и определите массу  $m_2$  груза, требуемого для растяжения шнура вдвое:  $L_2 = 2L_0$ . Для конечных деформаций резины предлагается использовать закон Гука в следующей дифференциальной форме:  $\frac{dF}{S} = E \frac{dL}{L}$ , где  $dF$  — приращение силы натяжения,  $L$  и  $S$  — его текущие длина и площадь сечения, а  $E$  не зависит от  $L$  и  $S$ . Коэффициент Пуассона резины принять равным  $\mu \approx 0,5$ .

*Примечание:* для конечных деформаций коэффициент Пуассона определяется как  $\mu = -\frac{dr/r}{dL/L}$ , где  $r$  — текущий радиус стержня.

- 6А.** (2) На шероховатой наклонной плоскости клина, находящегося на гладкой горизонтальной поверхности, сначала удерживают небольшой мяч (тонкостенную сферу), а затем отпускают. Система приходит в движение, мяч скатывается по клину без проскальзывания. Угол при вершине клина  $\alpha = \pi/4$ , отношение массы клина  $M$  к массе мяча  $m$  равно  $n = M/m = 2$ . За какое время  $T$  мяч скатится с клина высотой  $H = 0,6$  м?



ФИО \_\_\_\_\_

1Б	2Б	3Б	4Б	5Б	6Б	Оценка

группа \_\_\_\_\_

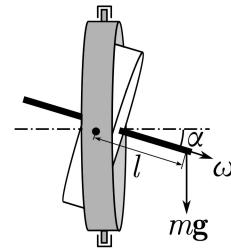
1 зад.	2 зад.	Σ баллов

Подпись преп. \_\_\_\_\_

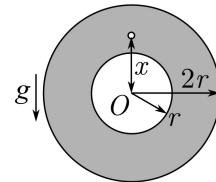
**ЭКЗАМЕНАЦИОННАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА  
ПО МЕХАНИКЕ**  
24 декабря 2019 г.

**Вариант Б**

- 1Б.** (1,5) Лабораторный гироскоп закреплён на кардановом подвесе в центре масс. Груз массой  $m = 360$  г находится на оси гироскопа на некотором расстоянии от центра. Из-за трения в подвесе за один оборот прецессии ось отклоняется от горизонтали на угол  $\Delta\alpha = 12^\circ$ . Какую дополнительную силу нужно приложить в точке крепления груза, чтобы при неизменной скорости прецессии ось оставалась в горизонтальной плоскости? Куда направлена эта сила?



- 2Б.** (1,5) Однородное плоское кольцо с внутренним радиусом  $r$  и внешним  $R = 2r$  висит на тонком гвоздике (см. рис.). На каком расстоянии  $x$  от центра масс  $O$  подвешено кольцо, если период его колебаний на гвоздике минимален?



- 3Б.** (2) При угловых частотах синусоидальной вынуждающей силы  $\Omega_1 = 300$  рад/с и  $\Omega_2 = 400$  рад/с, приложенной к маятнику с вязким трением, амплитуды вынужденных малых колебаний одинаковы. Полагая амплитуду вынуждающей силы неизменной, найдите частоту  $\Omega_p$ , соответствующую максимуму амплитуды колебаний (резонансу смещений).

- 4Б.** (2) На Большом адронном коллайдере сталкивающиеся во встречных пучках ядра  $^{208}\text{Pb}$  имеют настолько большую энергию, что релятивистское сжатие вдоль оси движения для одного из ядер в системе отсчёта другого сравнимо со сжатием железнодорожного состава ( $L = 1$  км) до толщины листа бумаги ( $h = 0,1$  мм). Определите суммарную энергию сталкивающихся ядер в системе их центра инерции. Масса ядра  $m \approx 200$  ГэВ/ $c^2$ .

- 5Б.** (2) К лёгкому резиновому шнурку диаметром  $2r_0 = 2,5$  мм подвесили груз массой  $m_1 = 0,2$  кг, из-за чего длина шнурка увеличилась в полтора раза:  $L_1 = 1,5L_0$ . Найдите модуль Юнга резины  $E$  и определите массу груза  $m_2$ , требуемого для растяжения шнурка вдвое:  $L_2 = 2L_0$ . Для конечных деформаций предлагается использовать закон Гука в следующей дифференциальной форме:  $d\sigma = E \frac{dL}{L}$ , где  $d\sigma$  — приращение напряжения в шнуре,  $L$  — его текущая длина, а  $E$  — константа. Коэффициент Пуассона резины принять равным  $\mu \approx 0,5$ .

*Примечание:* для конечных деформаций коэффициент Пуассона определяют как  $\mu = -\frac{dr/r}{dL/L}$ , где  $r$  — текущий радиус стержня.

- 6Б.** (2) На шероховатой наклонной плоскости клина, находящегося на гладкой горизонтальной поверхности, сначала удерживают однородный тонкостенный цилиндр, а затем отпускают. Система приходит в движение, цилиндр катится по клину без проскальзывания. Угол при вершине клина  $\alpha = \pi/4$ , отношение массы клина  $M$  к массе цилиндра  $m$  равно  $n = M/m = 3$ . Найдите смещение  $s$  клина за время  $T = 1,5$  с после старта.

